

MOD 2.7.19

$$\begin{array}{rcl} x_3 & = & 2 - \frac{2}{3}x_2 + \frac{1}{3}x_4 \\ x_1 & = & 1 - \frac{1}{3}x_2 - \frac{1}{3}x_4 \\ \text{Ziel} & = & 1 + \frac{2}{3}x_2 - \frac{1}{3}x_4 \end{array}$$

(2)

Nächster Schritt:

- x_2 hat positive Koeffizienten $\frac{2}{3}$

- Quotienten-Test (für die Basis-Variablen und zugehörigen x_2 -Koeffizienten):

$$x_3: \frac{2}{|-\frac{2}{3}|} = \frac{6}{2} = 3 \quad \leftarrow \text{Min.}$$

$$x_1: \frac{1}{|-\frac{1}{3}|} = 3$$

- Basis-Tausch: x_3 raus, x_2 rein

- Auflösen der " $x_3 = \dots$ " Zeile in (2) nach x_2 und Einsetzen von x_2 in den anderen Gleichungen ergibt:

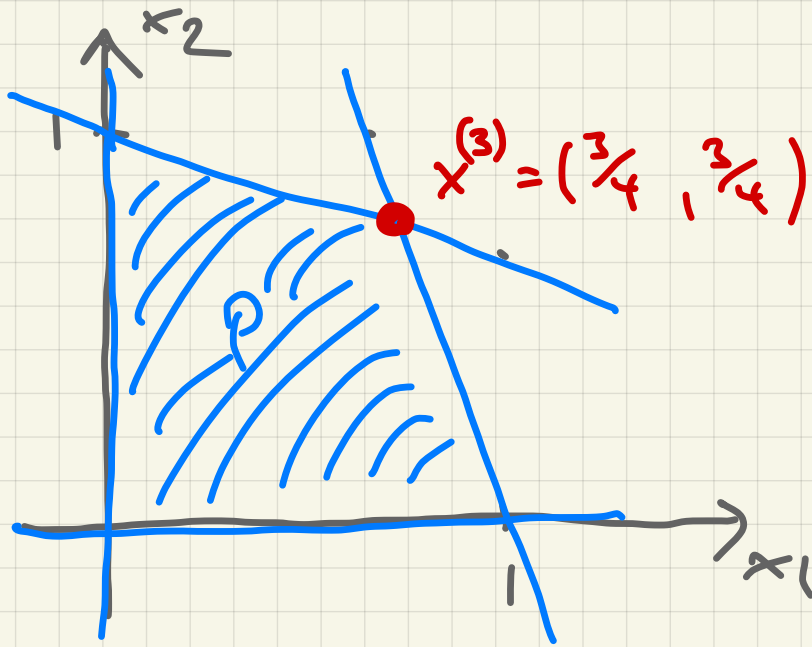
$$x_2 = \frac{3}{4} - \frac{3}{8}x_3 + \frac{1}{8}x_4$$

$$x_1 = \frac{1}{2} + \frac{1}{8}x_3 - \frac{1}{8}x_4 \quad (3)$$

$$z_{\text{alt}} = \frac{3}{2} - \frac{1}{4}x_3 - \frac{1}{4}x_4$$

- Basis-Lösung zu (3): $x^{(3)} = \left(\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, 0, 0 \right)$

von Wert $z_{\text{alt}}^{(3)} = \frac{3}{2}$



- Die Basis-Lösung ist optimal, weil alle reduzierten Kosten nicht-positiv sind [da $x_3, x_4 \geq 0$ sein müssen kann also kein Wert \leq als $\frac{3}{2}$ haben].