

Definition. Für einen Graphen G sei $D(G)$ der gerichtete Graph mit

- $V(D(G)) = V(G)$
- $(v, w) \in A(D(G)) \Leftrightarrow \{v, w\} \in E(G)$

[46]

Satz 6. Seien $s, t \in V(G)$ zwei Knoten ($s \neq t$) im Graphen G . Die minimale Kardinalität eines s - t -Schnitts in G ist gleich dem maximalen Wert eines s - t -Flusses im Netzwerk $D(G)$ mit Kapazität Eins auf allen Bögen.

Definition. Seien $s, t \in V(D)$ zwei Knoten im Digraphen D . Ein Schnitt $\delta^{\text{aus}}(S)$ (mit $S \subseteq V(D)$) heißt ein **s - t -Schnitt**, wenn $s \in S, t \notin S$ gilt. Seine **Kapazität** bezüglich $u \in \mathbb{R}_+^{A(D)}$ ist $u(\delta^{\text{aus}}(S)) = \sum_{a \in \delta^{\text{aus}}(S)} u_a$.

Satz 7 (Max-flow-min-cut Theorem). Seien $s, t \in V(D)$ zwei Knoten ($s \neq t$) im Digraphen D mit Kapazitäten $u \in \mathbb{R}_+^{A(D)}$. Dann ist der maximale Wert eines s - t -Flusses gleich der minimalen Kapazität eines s - t -Schnitts.

[47]